

۱ از تساوی $a(\vec{i} + \vec{j}) + b(\vec{i} + \vec{j}) = 6\vec{i} + \vec{j}$ که در آن a و b اعداد حقیقی هستند. مقدار $a + b$ برابر است با:

- (۱) ۵ (۲) -۵ (۳) ۱ (۴) -۱

۲ m چقدر باشد تا دو خط $y = x + m$ و $y = 2x + 3$ در نقطه‌ای به طول ۴ متقاطع باشند؟

- (۱) ۳ (۲) ۵ (۳) ۷ (۴) ۱۱

۳ انتقال یافته‌ی نقطه‌ی $\begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix}$ تحت بردار \vec{X} ، نقطه‌ی $\begin{bmatrix} 4 \\ -1 \end{bmatrix}$ است. در این صورت \vec{X} برابر است با:

- (۱) $\begin{bmatrix} 3 \\ 3 \end{bmatrix}$ (۲) $\begin{bmatrix} 3 \\ -3 \end{bmatrix}$ (۳) $\begin{bmatrix} -3 \\ -3 \end{bmatrix}$ (۴) $\begin{bmatrix} -3 \\ 3 \end{bmatrix}$

۴ مساحت مثلثی که از برخورد دو خط $y + 3x = 6$ و $2y + 3x = 9$ و محور x ها بوجود می‌آید، برابر است با:

- (۱) $1/5$ (۲) ۳ (۳) $2/5$ (۴) ۵

۵ اگر خط $ax + 2y = 3$ بر خط $3x - 2y = 4$ عمود باشد، a کدام است؟

- (۱) $4/3$ (۲) $-4/3$ (۳) $3/4$ (۴) $-3/4$

۶ به ازای چه مقداری از m خط گذرنده از دو نقطه‌ی $\begin{bmatrix} 1 \\ m+1 \end{bmatrix}$ و $\begin{bmatrix} 2m-2 \\ m+8 \end{bmatrix}$ موازی نیمساز ربع اول و سوم است؟

- (۱) ۵ (۲) -۱ (۳) ۱ (۴) ۲

۷ چند جفت عدد صحیح مثبت مانند (x, y) وجود دارد که در نامساوی $\frac{x}{78} + \frac{y}{79} < 1$ صدق می‌کند؟

- (۱) $\frac{78 \times 79}{2}$ (۲) $\frac{79 \times 80}{2}$ (۳) $\frac{77 \times 78}{2}$ (۴) $\frac{76 \times 77}{2}$

۸ قرینه‌ی $A \begin{vmatrix} 2 \\ 4 \end{vmatrix}$ نسبت به نقطه‌ی $B \begin{vmatrix} 1 \\ 2 \end{vmatrix}$ کدام است؟

- (۱) $A' \begin{vmatrix} 0 \\ 0 \end{vmatrix}$ (۲) $A' \begin{vmatrix} 1 \\ 1 \end{vmatrix}$ (۳) $A' \begin{vmatrix} 2 \\ 2 \end{vmatrix}$ (۴) $A' \begin{vmatrix} 3 \\ 3 \end{vmatrix}$

۹ فاصله‌ی نقطه‌ی $A \begin{vmatrix} m \\ 0 \end{vmatrix}$ از نقطه‌ی $B \begin{vmatrix} 0 \\ m \end{vmatrix}$ برابر $5\sqrt{2}$ است. m کدام است؟

- (۱) $m = 5$ (۲) $m = -5$ (۳) $m = 5$ یا $m = -5$ (۴) $m = 0$

۱۰ معادله‌ی خطی که از نقطه‌ی $A \begin{vmatrix} 0 \\ 2 \end{vmatrix}$ می‌گذرد و بر خط $y = x - 2$ عمود می‌شود، کدام است؟

- (۱) $-x + y = 2$ (۲) $2x + y = 2$ (۳) $x - y = -2$ (۴) $x + y = 2$

۱۱ بردارهای $\vec{a} = 2\vec{i} + 3\vec{j}$ و $\vec{b} = 4\vec{i} - \vec{j}$ و $\vec{c} = 14\vec{i}$ مفروضند. اگر $\vec{c} = m\vec{a} + n\vec{b}$ باشد، $m + n$ کدام است؟

- (۱) ۴ (۲) ۵ (۳) ۶ (۴) ۷

۱۲ شیب خط $5(2x - y) + 3(2x - y + 1) - 12 = 0$ کدام است؟

- (۱) -۲ (۲) ۲ (۳) $1/2$ (۴) $-1/4$

۱۳ به ازای کدام مقدار m دو خط $mx + y + 3 = 0$ و $2x + 2my - 4 = 0$ متقاطع نیستند؟

- (۱) $m = 1$ (۲) $m = -1$ (۳) هیچ مقدار m (۴) $m = 1$ یا $m = -1$

۱۴ مساحت مثلثی که از برخورد خط $1 = \frac{x}{1379} + \frac{y}{1380}$ با محورهای مختصات پدید می‌آید کدام است؟

- (۱) $\frac{1378 \times 1381}{2}$ (۲) $\frac{1380 \times 1381}{2}$ (۳) $\frac{1379 \times 1380}{2}$ (۴) $\frac{1378 \times 1379}{2}$

۱۵ دو ضلع یک مربع بر محورهای مختصات قرار دارد. در این صورت مختصات محل تلاقی قطرهای این مربع کدام می‌تواند باشد؟

- (۱) $(2, 3)$ (۲) $(-1, 1)$ (۳) $(2, -3)$ (۴) $(0, 0)$

۱۶ اگر سه نقطه‌ی $A(2, 5)$ و $B(-3, -5)$ و $C(m+1, 1-m)$ بر روی یک خط راست واقع باشند، آنگاه m کدام است؟

- (۱) $\frac{3}{2}$ (۲) $-\frac{2}{3}$ (۳) $-\frac{3}{2}$ (۴) $\frac{2}{3}$

۱۷ اگر $A = \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \end{bmatrix}$ و $B = \begin{bmatrix} -3 \\ 2 \end{bmatrix}$ و بردار $\overline{AC} = 2\overline{BC}$ باشد، مختصات C کدام است؟

- (۱) $\begin{bmatrix} -8 \\ 5 \end{bmatrix}$ (۲) $\begin{bmatrix} 8 \\ -5 \end{bmatrix}$ (۳) $\begin{bmatrix} 8 \\ 5 \end{bmatrix}$ (۴) $\begin{bmatrix} -8 \\ -5 \end{bmatrix}$

۱۸ اگر نقطه‌ی $\begin{bmatrix} -3 \\ 2 \end{bmatrix}$ قرینه‌ی $\begin{bmatrix} 2n-1 \\ 3m+1 \end{bmatrix}$ نسبت به مبدأ مختصات باشد، حاصل $2m+n$ کدام است؟

- (۱) صفر (۲) ۱ (۳) -۱ (۴) ۲

۱۹ معادله‌ی خطی که از نقطه‌ی $B(2, -4)$ بر خط $2y - 4x = 7$ عمود شود کدام است؟

- (۱) $x + y + 2 = 0$ (۲) $2y + x + 6 = 0$ (۳) $2x + y = 0$ (۴) $x - 2y - 1 = 0$

۲۰ نمودار معادله‌ی $y = -3x - b$ که در آن $b < 0$ است مشابه با کدام یک از گزینه‌های زیر است؟



۲۱ اگر $\vec{a} = \begin{bmatrix} 3-3m \\ 2n-2 \end{bmatrix}$ و $\vec{b} = \begin{bmatrix} -m+1 \\ n-1 \end{bmatrix}$ و $2\vec{a} = 5\vec{b}$ باشد، حاصل $11m - 9n$ کدام است؟

- (۱) ۱۱ (۲) -۹ (۳) ۲ (۴) صفر

۲۲ شیب خطی برابر -2 و طول از مبدأ آن 2 است. عرض از مبدأ آن کدام است؟

- (۱) $b = 4$ (۲) $b = -4$ (۳) $b = 2$ (۴) $b = -2$

۲۳ مختصات قرینه‌ی نقطه‌ی $A(4, 1)$ نسبت به خط $y = -2$ کدام است؟

- (۱) $(-4, 1)$ (۲) $(-2, 4)$ (۳) $(-5, 4)$ (۴) $(-4, -4)$

۲۴ m چقدر باشد تا خط $(m-1)x + 3y = 4$ محور طول‌ها را در نقطه‌ای به طول ۲ قطع کند؟

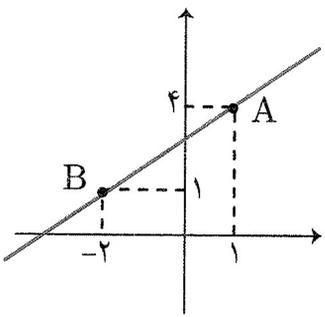
-۳ (۴)

۳ (۳)

$\frac{1}{3}$ (۲)

$-\frac{1}{3}$ (۱)

۲۵ معادله‌ی خطی که از دو نقطه‌ی A و B (در شکل مقابل) می‌گذرد کدام است؟



$y = 2x + 2$ (۱)

$y = 2x - 2$ (۲)

$y = x + 3$ (۳)

$y = x - 3$ (۴)

۲۶ برداری که نقطه‌ی $A \begin{bmatrix} 5 \\ 2 \\ -1 \end{bmatrix}$ را به نقطه‌ی $B \begin{bmatrix} 7 \\ 2 \\ 2 \end{bmatrix}$ منتقل می‌کند کدام است؟

$\begin{bmatrix} -1 \\ -3 \end{bmatrix}$ (۴)

$\begin{bmatrix} 1 \\ 3 \end{bmatrix}$ (۳)

$\begin{bmatrix} 1 \\ -3 \end{bmatrix}$ (۲)

$\begin{bmatrix} -1 \\ 3 \end{bmatrix}$ (۱)

۲۷ m چقدر باشد تا نقطه‌ی $P \begin{bmatrix} 2m-1 \\ 3m+6 \end{bmatrix}$ روی محور عرض‌ها قرار گیرد؟

۲ (۴)

$\frac{1}{2}$ (۳)

-۲ (۲)

$-\frac{1}{2}$ (۱)

۲۸ به‌ازای چه مقدار از k دو خط به معادلات $2x - (k-1)y + 2 = 0$ و $(2+k)x - 3y - 1 = 0$ بر یکدیگر عمودند؟

$k = -4$ (۴)

$k = \frac{2}{3}$ (۳)

$k = 1$ (۲)

$k = \frac{-1}{5}$ (۱)

۲۹ نقطه‌ی $C = \begin{bmatrix} a-2 \\ 2a-1 \end{bmatrix}$ مفروض است. اگر C در ناحیه‌ی دوم قرار داشته باشد، a چقدر باشد که نقطه‌ی C از محورهای مختصات به یک فاصله باشد؟

۲ (۴)

۱ (۳)

صفر (۲)

-۱ (۱)

۳۰ اگر خط $(3k+5)x + (2k-1)y = (k-2)$ موازی محور طول‌ها باشد، k کدام است؟

$k = -1$ (۴)

$k = -\frac{5}{3}$ (۳)

$k = 2$ (۲)

$k = \frac{1}{2}$ (۱)

۳۱ به‌ازای چه مقدار از k، نقطه‌ی $P \begin{bmatrix} -1 \\ -2 \end{bmatrix}$ روی خط $(k+1)x - 3y + 4 = 0$ قرار دارد؟

$k = \frac{3}{2}$ (۴)

$k = -7$ (۳)

$k = \frac{5}{2}$ (۲)

$k = 9$ (۱)

۳۲ اگر دو خط $5x - y + 3 = 0$ و $2y + (2m-2)x + 12 = 0$ با هم موازی باشند، مقدار m کدام است؟

-۱ (۴)

-۲ (۳)

-۴ (۲)

-۸ (۱)

۳۳ نقطه $\begin{bmatrix} 1-a \\ b+1 \end{bmatrix}$ را ۱۲ مرتبه توسط بردار $\begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix}$ انتقال داده‌ایم تا به نقطه $\begin{bmatrix} -12 \\ 36 \end{bmatrix}$ منتقل شود. $a + b$ کدام است؟

۳۶ (۴)

۲۵ (۳)

۱۶ (۲)

۹ (۱)

۳۴ کدام یک از خطوط زیر به نقطه $A \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix}$ نزدیک‌ترند؟

$$3x - 2y + 3 = 0 \quad (2)$$

$$2x - 3y + 1 = 0 \quad (1)$$

$$x + 2y - 5 = 0 \quad (4)$$

$$2x + 2y = 2 \quad (3)$$

۳۵ در مثلث ABC با رئوس $A \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}$ ، $B \begin{bmatrix} -2 \\ 1 \end{bmatrix}$ ، $C \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix}$ طول پاره‌خطی که وسط‌های دو ضلع AB و AC را به هم وصل می‌کند کدام است؟

$$\frac{\sqrt{10}}{2} \quad (4)$$

$$\sqrt{10} \quad (3)$$

$$\frac{\sqrt{10}}{2} \quad (2)$$

$$\sqrt{10} \quad (1)$$

۳۶ مجموع عرض از مبدا و شیب خط $2\left(\frac{x-y}{3}\right) + 3\left(\frac{x+y}{2}\right) = 1$ کدام است؟

$$\frac{7}{5} \quad (4)$$

$$-\frac{7}{5} \quad (3)$$

$$-\frac{6}{5} \quad (2)$$

$$\frac{13}{5} \quad (1)$$

۳۷ اگر نقطه $A' = \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix}$ انتقال یافته نقطه $A = \begin{bmatrix} -1 \\ -1 \end{bmatrix}$ تحت بردار \bar{X} باشد، آنگاه \bar{X} کدام است؟

$$\begin{bmatrix} -1 \\ -2 \end{bmatrix} \quad (4)$$

$$\begin{bmatrix} -3 \\ -4 \end{bmatrix} \quad (3)$$

$$\begin{bmatrix} 3 \\ 4 \end{bmatrix} \quad (2)$$

$$\begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix} \quad (1)$$

۳۸ نقاط $O(0,0)$ ، $A(1,\sqrt{3})$ ، $B(2,0)$ و $C(1,-\sqrt{3})$ چهار رأس چهارضلعی OABC هستند. یکی از زوایای این چهارضلعی کدام است؟

$$120^\circ \quad (4)$$

$$90^\circ \quad (3)$$

$$45^\circ \quad (2)$$

$$30^\circ \quad (1)$$

۳۹ اگر بردار $\overline{OA} = \begin{bmatrix} 3m-1 \\ m+5 \end{bmatrix}$ با محور y زاویه 45° بسازد، آنگاه m کدام است؟

$$5 \quad (4)$$

$$4 \quad (3)$$

$$3 \quad (2)$$

$$2 \quad (1)$$

۴۰ مساحت حاصل از برخورد دو خط $4y = 5x + 15$ و $5x + 3y = 20$ با محور xها کدام است؟

$$21/5 \quad (4)$$

$$\frac{45}{8} \quad (3)$$

$$17/5 \quad (2)$$

$$\frac{40}{3} \quad (1)$$

۴۱ اگر $A(1,1)$ و $C(-3,-3)$ دو رأس مقابل در لوزی ABCD باشند، آنگاه معادله‌ی تمام نقاطی را که می‌توانند دو رأس دیگر لوزی باشند کدام است؟

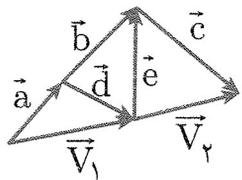
$$y = 2x - 3 \quad (2)$$

$$y = -x - 2 \quad (1)$$

$$y = 2x - 3 \quad (x \neq -1) \quad (4)$$

$$y = -x - 2 \quad (x \neq -1) \quad (3)$$

۴۲ اگر طول بردار \vec{V}_1 با \vec{V}_2 برابر باشد، آنگاه حاصل $\vec{a} + \vec{d} + \vec{e} - \vec{c}$ کدام است؟



- (۱) $-\vec{2e}$
 (۲) $2\vec{e}$
 (۳) $2\vec{V}_1$
 (۴) $-2\vec{V}_1$

۴۳ معادله‌ی خطی را که از نقطه‌ی $A(7, \frac{1}{2})$ گذشته و بر خط $\frac{2y+3x}{5} = \frac{y-x}{3}$ عمود شود کدام است؟

- (۱) $2y + \frac{x}{2} = 2$
 (۲) $4x + 6y = 31$
 (۳) $3x - 2y = 20$
 (۴) $14y - x = 0$

۴۴ خطوط به معادله‌ی $(m+2)x - y(m+1) + 2m + 2 = 0$ به‌ازای جميع مقادیر m از نقطه‌ی A می‌گذرند، فاصله‌ی این نقطه از نقطه‌ی $B(-3, 1)$ کدام است؟

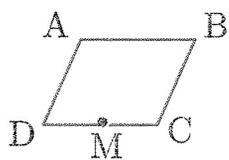
- (۱) $3\sqrt{2}$
 (۲) $\sqrt{5}$
 (۳) $\sqrt{10}$
 (۴) $2\sqrt{3}$

۴۵ مساحت مثلثی که از برخورد خط $3x - ay + 2 = 0$ با محورهای مختصات به‌دست می‌آید برابر ۴ است. آنگاه $|a|$ برابر است با:

- (۱) ۶
 (۲) $\frac{1}{6}$
 (۳) ۲
 (۴) $\frac{1}{2}$

۴۶ خط (d) به معادله‌ی $y = 2x$ و نقطه‌ی $P \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix}$ مفروض است. خطی از نقطه‌ی p رسم می‌کنیم که d را در A و محور x ها را در B قطع کند و نقطه‌ی p وسط AB باشد. اندازه‌ی پاره‌خط AB چقدر است؟

- (۱) $3\sqrt{2}$
 (۲) ۳
 (۳) $2\sqrt{2}$
 (۴) ۴



۴۷ در متوازی‌الاضلاع $ABCD$ نقطه‌ی M وسط CD است. بردار \vec{AM} برابر کدام یک از بردارهای زیر است؟

- (۱) $\frac{\vec{AB} + \vec{MD}}{2}$
 (۲) $\frac{\vec{AB} - \vec{MD}}{2}$
 (۳) $\frac{2\vec{AB} + \vec{AD}}{2}$
 (۴) $\frac{\vec{AB} + 2\vec{AD}}{2}$

۴۸ در صفحه‌ی مختصات، خط قائم $x = a$ مثلث با رأس‌های $(0, 0)$ ، $(1, 1)$ و $(9, 1)$ را به دو ناحیه با مساحت‌های برابر تقسیم می‌کند، a برابر است با:

- (۱) $\frac{5}{2}$
 (۲) ۳
 (۳) $\frac{7}{2}$
 (۴) ۴

۴۹ به‌ازای چه مقدار از m خط $(m-1)x + 2y - 1 = 0$ از مبدأ مختصات می‌گذرد؟

- (۱) $m = 1$
 (۲) $m = -1$
 (۳) $m = 2$
 (۴) هیچ مقدار

۵۰ معادله‌ی خطی که با خط $3x - 2y = 8$ موازی بوده و خط $y - 2x = 3$ را در نقطه‌ای به طول ۴ - قطع کند کدام است؟

- (۱) $y = 2x - 5$
 (۲) $y = \frac{3}{2}x - 5$
 (۳) $2y - 3x = 2$
 (۴) $y = \frac{2}{3}x - 2$

۵۱ به‌ازای چه مقداری از m دو خط $(m+1)x + 2y = 3$ و $2x - 3y = 5$ با هم موازی‌اند؟

- (۱) $m = -\frac{7}{3}$
 (۲) $m = \frac{7}{3}$
 (۳) $m = -2$
 (۴) $m = 2$

۵۲ دو خط $y = mx - 2$ و $y = x + 2$ و نیمساز ربع دوم و چهارم در یک نقطه متقاطع اند. m کدام است؟

- (۱) -۳ (۲) $-\frac{1}{3}$ (۳) ۲ (۴) -۱

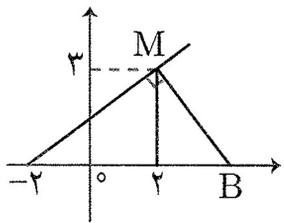
۵۳ نقاط $A = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix}$ و $B = \begin{bmatrix} -5 \\ 2 \end{bmatrix}$ و $C = \begin{bmatrix} -7 \\ -3 \end{bmatrix}$ در صفحه‌ی مختصات مفروض اند. حاصل $\vec{AC} - \vec{AB}$ کدام است؟

- (۱) $\begin{bmatrix} -2 \\ -5 \end{bmatrix}$ (۲) $\begin{bmatrix} 2 \\ -5 \end{bmatrix}$ (۳) $\begin{bmatrix} -5 \\ -4 \end{bmatrix}$ (۴) $\begin{bmatrix} -6 \\ -3 \end{bmatrix}$

۵۴ اگر دو خط $(m-4)y + 2x = 5$ و $2y - 1 = 5$ بر هم عمود باشند، m را بیابید.

- (۱) $m = \frac{2}{5}$ (۲) $m = 7$ (۳) $m = \frac{4}{3}$ (۴) $m = 4$

۵۵ در شکل مقابل، طول نقطه‌ی B کدام است؟

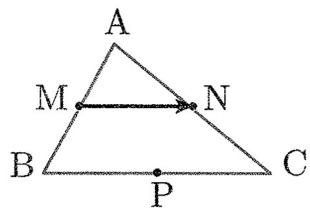


- (۱) ۴ (۲) ۳ (۳) $\frac{4}{5}$ (۴) $\frac{3}{5}$

۵۶ خط d بر خطی به معادله‌ی $x - 3y + 2 = 0$ عمود است. اگر طول از مبدأ خط d برابر ۱- باشد، عرض از مبدأ آن کدام است؟

- (۱) -۳ (۲) $-\frac{1}{3}$ (۳) $\frac{1}{3}$ (۴) ۳

۵۷ در شکل روبه‌رو نقطه‌های M و N وسط‌های سه ضلع مثلث ABC هستند. حاصل $\vec{BA} - \vec{MN}$ کدام است؟



- (۱) \vec{AP} (۲) \vec{BN} (۳) \vec{PA} (۴) \vec{NB}

۵۸ بردارهای $\vec{a} = 2\vec{i} + 6\vec{j}$ ، $\vec{b} = 3\vec{i} - 4\vec{j}$ و $\vec{c} = 2\vec{a} + n\vec{b}$ مفروض اند. اگر بردار \vec{c} در امتداد محور x ها باشد، مقدار n کدام است؟

- (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴) ۵

۵۹ x چند باشد تا دو بردار $\begin{bmatrix} x-1 \\ 2x+5 \end{bmatrix}$ و $\begin{bmatrix} 4 \\ -6 \end{bmatrix}$ با هم موازی باشند؟

- (۱) ۱ (۲) -۱ (۳) ۲ (۴) -۳

۶۰ فاصله‌ی نقطه‌ی $\begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$ از نقطه‌ی برخورد دو خط به معادلات $y = 2x + 3$ و $x + y = 0$ کدام است؟

- (۱) $\sqrt{2}$ (۲) ۲ (۳) $\sqrt{3}$ (۴) $\sqrt{5}$

۶۱ معادله‌ی خطی که خط $x - 2y = 4$ را در نقطه‌ای به طول ۲ و خط $2x - y = 4$ را در نقطه‌ای به عرض ۲ قطع کند کدام است؟

- (۱) $x - y = 4$ (۲) $y - 2x + 5 = 0$ (۳) $3y - x = -5$ (۴) $y - 3x = -7$

۶۲ قیمت هر مجله‌ی ورزشی دو برابر هر مجله‌ی اقتصادی است. اگر قیمت ۵ مجله‌ی ورزشی و ۳ مجله‌ی اقتصادی دو هزار تومان بیش‌تر از قیمت ۳ مجله‌ی ورزشی و ۵ مجله‌ی اقتصادی باشد، قیمت هر مجله‌ی ورزشی چقدر است؟

- (۱) ۱۰۰۰ تومان (۲) ۲۰۰۰ تومان (۳) ۲۵۰۰ تومان (۴) ۱۵۰۰ تومان

۶۳ بردار $\overline{AB} = \begin{bmatrix} 4 \\ -3 \end{bmatrix}$ موازی و هم‌اندازه با بردار \overline{CD} و در خلاف جهت آن است. اگر $C = \begin{bmatrix} -1 \\ -2 \end{bmatrix}$ باشد، مختصات D کدام است؟

- (۱) $\begin{bmatrix} -5 \\ -1 \end{bmatrix}$ (۲) $\begin{bmatrix} -5 \\ 1 \end{bmatrix}$ (۳) $\begin{bmatrix} -3 \\ 1 \end{bmatrix}$ (۴) $\begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix}$

۶۴ معادله‌ی خطی که از نقطه‌ی $\begin{bmatrix} 2 \\ -1 \end{bmatrix}$ می‌گذرد و موازی خط $2x + y = 5$ باشد، کدام است؟

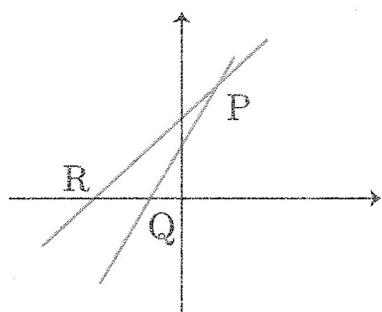
- (۱) $y + 2x = -3$ (۲) $y + 2x = 3$ (۳) $y - 2x = -3$ (۴) $y - 2x = 3$

۶۵ اگر $\vec{a} = 3\vec{i} - 6\vec{j}$ و $\vec{b} = 2\vec{i} - \vec{j}$ باشند. بردار x را از رابطه‌ی روبه‌رو بیابید.

$$2\vec{a} - \left(\frac{1}{3}\right) \begin{bmatrix} 12 \\ -9 \end{bmatrix} - 2\vec{x} = 2\vec{b} - 3\vec{j}$$

- (۱) $\begin{bmatrix} -2 \\ -4 \end{bmatrix}$ (۲) $\begin{bmatrix} -1 \\ -2 \end{bmatrix}$ (۳) $\begin{bmatrix} -3 \\ 6 \end{bmatrix}$ (۴) $\begin{bmatrix} -2 \\ -2 \end{bmatrix}$

۶۶ یک خط با شیب ۱ و یک خط با شیب ۲ یکدیگر را در نقطه‌ی $P = \begin{bmatrix} 1 \\ 6 \end{bmatrix}$ قطع کرده‌اند. (مطابق شکل) مساحت مثلث PQR برابر است با:

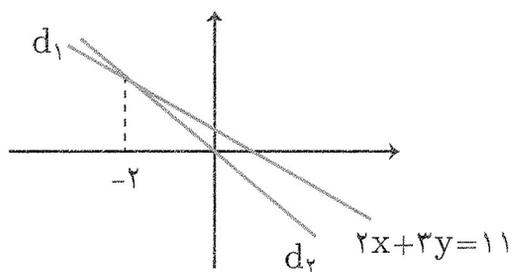


- (۱) ۹
(۲) ۱۲
(۳) ۱۵
(۴) ۱۸

۶۷ اگر رابطه‌ی خطی سوختن شمع در هر دقیقه به صورت $y = -2x + 24$ باشد، (x زمان برحسب دقیقه و y طول شمع برحسب سانتی‌متر) پس از چند دقیقه طول شمع به ۲ سانتی‌متر می‌رسد؟

- (۱) ۱۰ (۲) ۱۱ (۳) ۱۲ (۴) ۱۳

۶۸ در شکل زیر شیب خط d_1 چقدر از شیب خط d_2 بیشتر است؟



- (۱) $\frac{2}{3}$ (۲) $\frac{5}{3}$ (۳) $\frac{11}{6}$ (۴) $\frac{7}{6}$

۶۹ اگر سه نقطه‌ی $A \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \end{bmatrix}$ و $B(4, 5)$ و $C \begin{bmatrix} k \\ 3 \end{bmatrix}$ در یک امتداد باشند، مقدار k برابر است با:

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۷۰ طول نخ بادبادک علی ۱۲ متر است و دست علی در ارتفاع یک متری از سطح زمین قرار دارد. اگر علی تمام نخ را باز کرده باشد و ارتفاع بادبادک از زمین ۷ متر باشد، شیب نخ بادبادک برابر است با:

- (۱) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ (۲) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ (۳) $\sqrt{3}$ (۴) $\frac{1}{2}$

۷۱ معادله‌ی خطی با شیب ۲ و طول از مبدأ -۳ برابر است با:

- (۱) $y = 2x + 6$ (۲) $y = 2x - 3$ (۳) $x + 2y = -3$ (۴) $2x + y = -3$

۷۲ معادله‌ی خطی که محور x ها را در -۲ و خط $2x + y = 4$ را در نقطه‌ای با عرض -۶ قطع می‌کند، برابر است با:

- (۱) $3x + 2y = -6$ (۲) $6x + 7y = -12$ (۳) $y = 6x + 12$ (۴) $y = -3x - 6$

۷۳ اگر دو خط $2x + 3y = k$ و $2x - y = 5$ همدیگر را در نقطه‌ای به طول ۳ قطع کنند، مقدار k برابر است با:

- (۱) ۹ (۲) ۳ (۳) -۹ (۴) -۳

۷۴ اگر خطوط $2x + y = 1$ و $x + y = -2$ و $mx + 2y = 2$ از یک نقطه بگذرند، مقدار m چیست؟

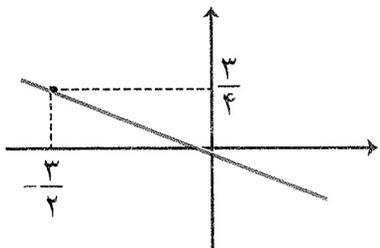
- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۷۵ اگر در جدول زیر رابطه بین x و y یک رابطه‌ی خطی باشد، مقدار b برابر است با:

- (۱) $-\frac{1}{2}$ (۲) -۲ (۳) ۱ (۴) صفر

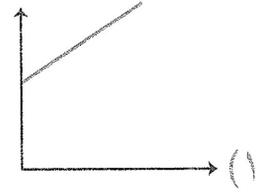
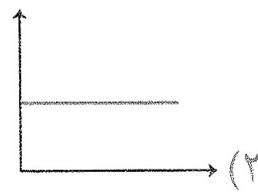
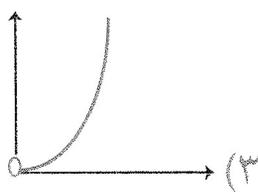
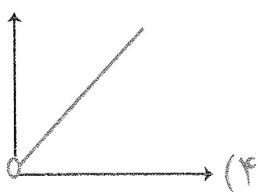
x	۲	۵	۷
y	-۶	۰	۴b + ۶

۷۶ اگر خط D با معادله‌ی $kx + (k-1)y + 2 = 0$ بر خط زیر عمود باشد، عرض از مبدأ خط D کدام است؟



- (۱) ۶ (۲) -۱ (۳) -۳ (۴) $\frac{2}{3}$

۷۷ کدام نمودار می‌تواند نشان‌دهنده‌ی رابطه‌ی بین طول یک هفت‌ضلعی منتظم و محیط آن باشد؟



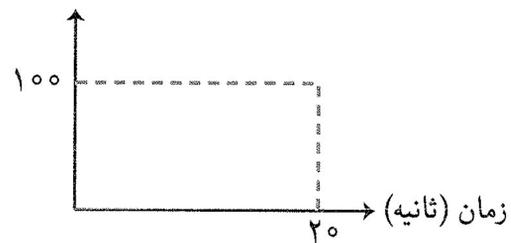
۷۸ اگر دو خط به معادله‌های $d_1: 3x - 9y - 5 = 0$ و $d_2: 5x - 6y - \frac{16}{3} = 0$ همدیگر را در نقطه $M \begin{vmatrix} a \\ b \end{vmatrix}$ قطع کنند، مقدار $a + b$ کدام است؟

- (۱) $\frac{1}{3}$ (۲) $\frac{2}{3}$ (۳) $-\frac{1}{3}$ (۴) $-\frac{2}{3}$

۷۹ خط به معادله $2x - y = 3$ از کدام ناحیه‌ی محورهای مختصات نمی‌گذرد؟

- (۱) اول (۲) دوم (۳) سوم (۴) چهارم

۸۰ با توجه به نمودار حرکت حمید، پس از گذشت چند ثانیه، حمید ۷۰ متر را طی می‌کند؟



- (۱) ۱۶ (۲) ۱۰ (۳) ۱۲ (۴) ۱۴

۸۱ اگر نقاط $A = \begin{bmatrix} a \\ 2 \end{bmatrix}$ و $B = \begin{bmatrix} 3 \\ 14 \end{bmatrix}$ دو نقطه از یک خط با شیب ۵ باشند، مقدار a برابر است با:

- (۱) -۵ (۲) -۴۷ (۳) ۱ (۴) صفر

۸۲ خطی با شیب منفی که از نقطه $A = \begin{bmatrix} -6 \\ 2 \end{bmatrix}$ گذشته و مجموع طول از مبدأ و عرض از مبدأ آن ۵ باشد، از کدام نقطه زیر نمی‌گذرد؟

- (۱) $\begin{bmatrix} -9 \\ 8 \end{bmatrix}$ (۲) $\begin{bmatrix} 9 \\ -4 \end{bmatrix}$ (۳) $\begin{bmatrix} 3 \\ 0 \end{bmatrix}$ (۴) $\begin{bmatrix} -3 \\ 6 \end{bmatrix}$

۸۳ مساحت مثلثی که از برخورد خطوط $y = -x + 1$ و $y = 1$ و $y = -\frac{1}{4}x + 2$ ایجاد می‌گردد، برابر است با:

- (۱) ۳ (۲) $\frac{5}{2}$ (۳) ۲ (۴) $\frac{3}{2}$

۸۴ اگر خط $(m-2)x + (m-3)y = m$ عمود بر محور x ها باشد، معادله خطی که از $A(m, 2)$ و $B(4, m)$ می‌گذرد، عبارت است از:

- (۱) $y = 2x - 4$ (۲) $y = -x + 5$ (۳) $y = x - 1$ (۴) $y = 2$

۸۵ اگر دو خط $-2x + 3y - 1 = 0$ و $my + 5x - 4 = 0$ با هم موازی باشند، عرض از مبدأ خط $(3-m)x + (2m+1)y + 7 = 0$ کدام است؟

- (۱) $-\frac{2}{3}$ (۲) $\frac{3}{2}$ (۳) $\frac{1}{2}$ (۴) $-\frac{1}{2}$

۸۶ اگر دو خط $3x + 4y - 1 = 0$ و $(8 - 2m)x - 8y + 2 = 0$ بر هم منطبق باشند، مختصات محل برخورد دو خط $3x + 5y - 3m + 4 = 0$ و $7x - 2y + 15 = 0$ کدام است؟

- (۱) $(-1, 4)$ (۲) $(1, 4)$ (۳) $(1, -4)$ (۴) $(-1, -4)$

۸۷ عرض از مبدأ خطی که از دو نقطه $\begin{bmatrix} 3 \\ 9 \end{bmatrix}$ و $\begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix}$ می‌گذرد، کدام است؟

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۸۸ خطوط $y = -x + 5$ و $y = x + 3$ دو ضلع AB و AC از مثلث ABC می‌باشند. در این صورت کدام یک از خطوط زیر می‌تواند معادله ارتفاع AH از این مثلث باشد؟

- (۱) $y = 2x + 5$ (۲) $y = -2x + 5$ (۳) $y = 3x + 1$ (۴) $y = -3x + 1$

۸۹ به ازای کدام مقدار m دو خط $(m - 1)x - y = 3$ و $mx - 3y = 5 - x$ موازی هستند؟

- (۱) -۲ (۲) -۳ (۳) ۲ (۴) ۳

۹۰ مساحت مثلثی که از محل برخورد سه خط $\frac{x}{95} + \frac{y}{96} = 1$ ، $x = 2$ و $y = 3$ به وجود می‌آید، کدام است؟

- (۱) $\frac{95 \times 96}{2}$ (۲) $\frac{94 \times 95}{2}$ (۳) $\frac{93 \times 93}{2}$ (۴) $\frac{92 \times 94}{2}$